

**Partie I: Connaitre et Exploiter le principe d'inerte****✚ Exercice 1 : Exploiter le principe d'inertie ( la première loi de Newton )**

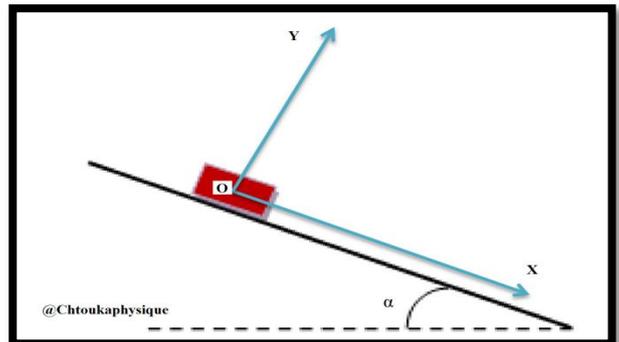
Sous l'action de son poids, un solide (S) de masse  $m = 0,5 \text{ Kg}$  est animé d'un mouvement de translation rectiligne selon une ligne de plus grande pente d'un plan incliné d'un angle  $\alpha$  par rapport à l'horizontale. On néglige les forces de frottements dues à l'air.

**Données : intensité de la pesanteur :  $g = 10 \text{ N.kg}^{-1}$ ;  $\alpha = 15^\circ$ .**

**1. Partie 1 : mouvement rectiligne uniforme**

Le centre d'inertie du solide G étant animé d'un mouvement rectiligne et uniforme :

1. 1 Déterminer le système étudié
1. 2 Faire le bilan des forces agissant sur le système
1. 3 Rappeler l'énoncé du principe d'inertie
1. 4 Qu'est-ce qu'un référentiel galiléen ?
1. 5 En appliquant le principe d'inertie, donner la relation existante entre les forces
1. 6 Déduire R l'intensité de la réaction du plan
1. 7 Donner les caractéristiques de chaque force
1. 8 Représenter les forces sur le schéma en précisant l'échelle utilisée.
1. 9 Déterminer f l'intensité de la force de frottement et  $R_N$  la composante normale ( Projeter les forces  $\vec{P}$  et  $\vec{R}$  sur Le repère d'axe (Ox, Oy)
1. 10 Déduire k le coefficient de frottement
1. 11 Déterminer  $\varphi$  l'angle de frottement

**2. Partie 2 : forces sans frottement**

On lubrifie la surface de contact entre le solide et le plan.

2. 1 Représenter les forces s'exerçant sur le solide.
2. 2 Quelle va être la nature du mouvement du solide ?

**✚ Exercice 2 : Mouvement rectiligne uniforme, Mouvement rectiligne accéléré****❖ Partie 1 : table horizontale**

Un mobile autoporteur de masse m est lancé sur une **table à coussin d'air horizontale** : On enregistre les positions successives du centre d'inertie M du mobile. Entre deux positions enregistrées, il s'est écoulé une durée  $\tau = 40 \text{ ms}$ .

$M_0$	$M_1$	$M_2$	$M_3$	$M_4$	$M_5$	$M_6$	$M_7$	$M_8$
•	•	•	•	•	•	•	•	•
$t_0$	$t_1$	$t_2$	$t_3$	$t_4$	$t_5$	$t_6$	$t_7$	$t_8$

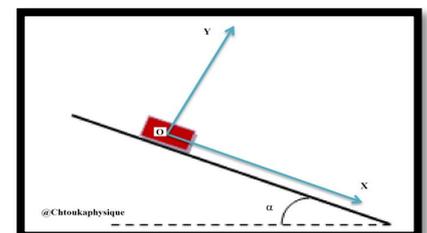
1. Déterminer le système étudié ?
2. Faire le bilan des forces extérieures appliquées au système.
3. Déterminer la nature du mouvement du point M.
4. Montrer que  $\vec{P} + \vec{R} = \vec{0}$  (utiliser principe d'inertie)
5. Déterminer m la masse d'autoporteur sachant que l'intensité de la réaction de la table est  $R = 2 \text{ N}$
6. Calculer  $v_m$  la vitesse moyenne du système entre deux positions  $M_1$  et  $M_7$
7. Calculer les vitesses instantanée  $\vec{v}_1$  et  $\vec{v}_5$  aux dates  $t_1$  et  $t_5$ .
8. Déterminer les caractéristiques du vecteur vitesse  $\vec{v}_1$
9. Sur papier millimétré ; représenter les vecteurs vitesses  $\vec{v}_1$  et  $\vec{v}_5$  du mobile aux positions  $M_1$ ,  $M_5$ , en précisant l'échelle utilisée
10. Comparer les deux vecteurs vitesses  $\vec{v}_1$  et  $\vec{v}_5$  ? justifier votre réponse

**❖ Partie 2 : table à coussin d'air inclinée :**

On lâche un mobile autoporteur sur une table inclinée et on enregistre les positions successives d'un centre d'inertie M de ce mobile. Entre deux positions enregistrées, il s'est écoulé une durée  $\tau = 40 \text{ ms}$ . ( **le mouvement se fait sans frottement** )

$M_0$	$M_1$	$M_2$	$M_3$	$M_4$	$M_5$	$M_6$	$M_7$
•	•	•	•	•	•	•	•
$t_0$	$t_1$	$t_2$	$t_3$	$t_4$	$t_5$	$t_6$	$t_7$

1. Déterminer la nature du mouvement du point M.
2. Déterminer les forces s'exerçant sur le mobile, les présenter sans souci d'échelle
3. Montrer que  $\vec{P} + \vec{R} \neq \vec{0}$
4. Calculer la vitesse instantanée aux dates  $t_1$  et  $t_5$ .
5. Représenter les vecteurs vitesses à ces trois dates en précisant l'échelle utilisée.
6. Sur papier millimétré ; représenter les vecteurs vitesses  $\vec{v}_1$  et  $\vec{v}_5$  du mobile aux positions  $M_1$ ,  $M_5$ , en précisant l'échelle utilisée
7. Comparer les deux vecteurs vitesses  $\vec{v}_1$  et  $\vec{v}_5$  ? justifier votre réponse

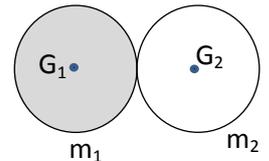


**Partie II : Trouver la position du Centre d'inertie - Relation barycentrique**

**Exercice 3 :**

Deux sphères (A) et (B), de rayons chacune  $r=10\text{cm}$  et de masses respectives  $m_1=1\text{kg}$  et  $m_2=3\text{kg}$ , sont liées rigidement et constitue un solide comme l'indique la figure ci-contre.

- Rappeler la relation barycentrique
- déterminer le centre d'inertie  $G$  de ce solide par rapport au point  $G_1$  ou  $G_2$



**Exercice 4 :**

Un cylindre de rayon  $r = 3\text{ cm}$  est formé de 2 parties :

- ✓ Une partie en bois, de longueur  $L_b = 10\text{cm}$  ;
- ✓ Une partie en alliage, de longueur  $L_a = 1\text{cm}$ .

- Déterminer les distances  $OG_a$  et  $OG_b$
- Donner l'expression du volume  $V_a$  du cylindre en bois en fonction de  $L_a$  et  $r$ , puis calculer sa valeur
- Déduire la masse  $m_a$  du cylindre en bois
- Calculer la masse  $m_b$  du cylindre en alliage
- Déterminer la position du centre d'inertie  $G$  de ce cylindre par rapport au point  $O$  (calculer la distance  $OG$ )

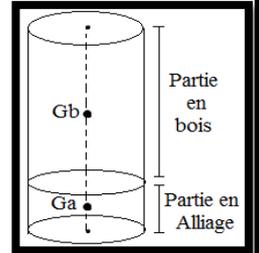
**On donne :** Masse volumique du bois :  $\rho_b = 0,8\text{g/cm}^3$  ; Masse volumique de l'alliage  $\rho_a = 8\text{g/cm}^3$

$O$  : le centre de la base du cylindre,  $G_a$  centre d'inertie de la partie en alliage,  $G_b$  centre d'inertie de la partie en bois

**Rappel :**

Le calcul du volume  $V$  d'un cylindre de diamètre  $d$  et de hauteur  $h$  est effectué à partir de la formule suivante :  $V = \pi/4 d^2 h$

La masse volumique d'un objet  $X$  :  $\rho(X) = \frac{m(X)}{V(X)}$



**Exercice 5 :**

On assimile la terre et la lune à 2 sphères homogènes dont les centres sont à une distance moyenne de  $3,8 \cdot 10^5\text{ km}$ .

- Sachant que le rapport des masses  $M_T/M_L$  est égal à 82, déterminer la position du centre d'inertie du système {terre+lune}
- La masse du soleil est environ égale à  $2 \cdot 10^{30}\text{ kg}$ , la distance Terre soleil est environ de  $1,5 \cdot 10^8\text{ km}$ . Déterminer la position du centre d'inertie du système {terre+soleil}

**On donne :**  $R_T = 6400\text{ km}$  ;  $M_T = 6 \cdot 10^{24}\text{ kg}$

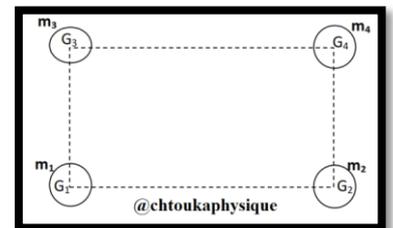
**Exercice 4 :**

Quatre sphères ( $S_1$ ), ( $S_2$ ), ( $S_3$ ) et ( $S_4$ ), supposées ponctuelles, de masses respectives  $m_1=1\text{kg}$ ,  $m_2=3\text{kg}$ ,  $m_3=2\text{kg}$  et  $m_4=4\text{kg}$  sont liées rigidement aux sommets d'un rectangle et constitue un solide comme l'indique la figure ci-dessous.

En utilisant un repère convenable, déterminer le centre d'inertie  $G$  de ce solide.

**Données :** longueur du rectangle  $a=60\text{cm}$

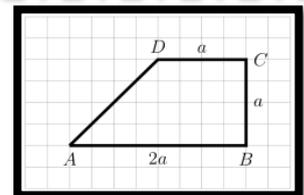
Largeur du rectangle  $b=30\text{cm}$



**Exercice 5 :**

Une plaque métallique homogène d'épaisseur négligeable a une forme de trapèze dont les dimensions sont indiquées sur la figure ci-contre.

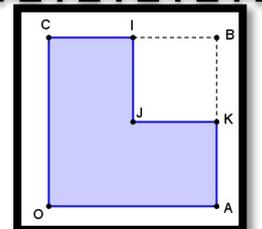
- rappeler la relation barycentrique.
- Déterminer  $G$  le centre d'inertie de la plaque métallique.



**Exercice 6 :**

Une plaque homogène  $P$  de masse  $m=20\text{g}$  et d'épaisseur négligeable, est constituée par un carré  $OABC$  de côté  $8\text{ cm}$  dont on a retiré le carré  $BIJK$  de côté  $4\text{ cm}$ .

Trouver la position du centre d'inertie de la plaque.



**Exercice 7 :**

Une rondelle d'épaisseur négligeable a la forme d'un disque de centre  $O$  et de rayon  $r = 9\text{cm}$  évidé suivant le schéma ci-contre pour lequel  $OP=3OO'$ .

- Trouver la position du centre d'inertie  $I$  de la rondelle évidée.
- On note  $M$  la masse de la rondelle évidée. Quelle masse  $m$  doit-on placer en  $P$  afin que l'ensemble constitué de la rondelle et du point "massique"  $P$  ait  $O$  pour centre d'inertie ?

